



ESSENDO L'URTO ELASTICO, L'IMPULSO \vec{I} SCAMBIATO NELL'URTO È NORMALE ALLA SUPERFICIE DI CONTATTO, QUINDI PERPENDICOLARE AL LATO DEL QUADRATO.

NESSUN MOMENTO MECCANICO È QUINDI APPLICATO ALLA LASTRA (BRACCIO NULLO DI \vec{I} RISPETTO ADO) PER CUI ESSA NON SI METTE IN ROTAZIONE CIOÈ $\omega = 0$

SCRIVIAMO LE CONSERVAZIONI DI P_x , P_y , E

$$\begin{cases} m v_0 = m v_{1x} + M v_2 \frac{\sqrt{2}}{2} \\ 0 = m v_{1y} - M v_2 \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} m (v_{1x}^2 + v_{1y}^2) + \frac{1}{2} M v_2^2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \textcircled{x} v_{1x} = v_0 - \frac{M}{m} v_2 \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \textcircled{y} v_{1y} = \frac{M}{m} v_2 \frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

E SOSTITUENDO NELLA TERZA EQUAZIONE SI HA

$$\begin{aligned} m v_0^2 &= m v_0^2 + \cancel{m} \frac{M^2}{m^2} \frac{v_2^2}{2} - \cancel{2} M v_0 \frac{M}{m} v_2 \frac{\sqrt{2}}{2} + \cancel{m} \frac{M^2}{m^2} \frac{v_2^2}{2} + M v_2^2 \\ 0 &= \frac{M^2}{m} v_2^2 - \sqrt{2} M v_0 v_2 + M v_2^2 \end{aligned} \quad \sqrt{2} v_0 = v_2 \left(1 + \frac{M}{m}\right)$$

QUINDI
$$v_2 = v_0 \frac{\sqrt{2}}{\left(1 + \frac{M}{m}\right)}$$

DALLA CONSERVAZIONE DELL'ENERGIA

$$v_1^2 = v_0^2 - \frac{M}{m} v_2^2 = v_0^2 - v_0^2 \frac{2 \frac{M}{m}}{\left(1 + \frac{M}{m}\right)^2} = v_0^2 \frac{\left(1 + \left(\frac{M}{m}\right)^2 + \frac{2M}{m} - \frac{2M}{m}\right)}{\left(1 + \frac{M}{m}\right)^2}$$

PER CUI

$$v_1 = v_0 \frac{\sqrt{1 + \left(\frac{M}{m}\right)^2}}{\left(1 + \frac{M}{m}\right)}$$