

VISTO CHE $W = k \Delta U$ ALLORA $dW = k dU$, QUINDI
SE $dW = -p dV$ E $dU = n c_v dT$ (c_v MINUSCOLO)

$-p dV = k n c_v dT$ E USANDO L'EQ. DI STATO DEI GAS
PERFETTI

$$\frac{nRT}{V} dV = -k n c_v dT$$

$$\frac{R}{k c_v} \frac{dV}{V} = - \frac{dT}{T} \quad \text{INTEGRANDO SI HA}$$

$$\frac{R}{k c_v} \ln(V) = - \ln(T) + C \quad \text{E SE DEFINIAMO } C' \equiv e^C = \text{COSTANTE}$$

$$\ln\left(V^{\frac{R}{k c_v}}\right) = \ln\left(\frac{1}{T}\right) + \ln(C')$$

$$\ln\left(V^{\frac{R}{k c_v}}\right) = \ln\left(\frac{C'}{T}\right)$$

$$V^{\frac{R}{k c_v}} = \frac{C'}{T} \quad \text{E SOSTITUENDO LA TEMPERATURA}$$

$$V^{\frac{R}{k c_v}} = \frac{n R C'}{p V} \quad \text{DEFINIAMO } C'' \equiv n R C' = \text{COSTANTE}$$

$$p V^{\left(1 + \frac{R}{k c_v}\right)} = C'' = \text{COSTANTE}$$

CIOE'

$$p V^n = \text{COSTANTE} \quad \text{CON } n = 1 + \frac{R}{k c_v}$$