



sia d (FISSA) LA DISTANZA TRA LA PARTENZA A ED IL PUNDO D

CHIAMIAMO x LA DISTANZA INCOGNITA TRA C E D

SIA v LA VELOCITÀ SULL'ASFALTO, DI CONSEGUENZA LA VELOCITÀ SULLO STERRATO È $v' = v/\mu$

PER IL TEMPO SI HA $T = t_{TOT} = t_{AC} + t_{CB}$ CIOÈ

$$T = \frac{(d-x)}{v} + \frac{\sqrt{L^2+x^2}}{\frac{v}{\mu}} = \frac{1}{v} (d-x + \mu\sqrt{L^2+x^2})$$

DERIVIAMO RISPETTO A x

$$\frac{dT}{dx} = \frac{1}{v} \left(-1 + \mu \frac{x}{\sqrt{L^2+x^2}} \right)$$

UGUAGLIAMO A ZERO PER TROVARE MASSIMI E MINIMI

$$\frac{dT}{dx} = 0 \Rightarrow \mu x = \sqrt{L^2+x^2}; \quad L^2 = x^2(\mu^2-1) \quad x = \frac{L}{\sqrt{\mu^2-1}}$$

DOVE SI È SCARTATA LA RADICE ~~POSITIVA~~ NEGATIVA - CALCOLIAMO LA DERIVATA SECONDA

$$\frac{d^2T}{dx^2} = \frac{\mu}{v} \left(\frac{\sqrt{L^2+x^2} - \frac{x^2}{\sqrt{L^2+x^2}}}{L^2+x^2} \right) = \frac{\mu}{v} \frac{L^2+x^2-x^2}{(L^2+x^2)^{3/2}} > 0$$

VISTO CHE LA DERIVATA SECONDA È SEMPRE MAGGIORE DI ZERO L'ESTREMO PRIMA TROVATO È EFFETTIVAMENTE UN MINIMO. IL FUORISTRADA DEVE ABBANDONARE L'ASFALTO NEL PUNTO C TALE CHE LA DISTANZA CD SIA:

$$x_{cd} = \frac{L}{\sqrt{\mu^2-1}}$$