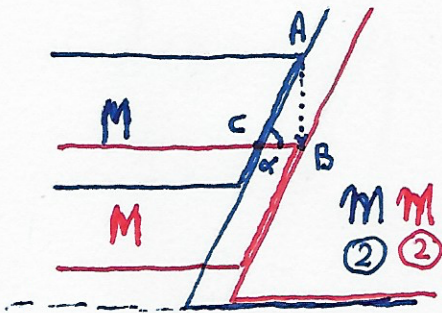


CONSIDERIAMO IL SISTEMA $M+m+m$. NON ESISTE NESSUNA FORZA ESTERNA LUNGO X, ESSENDO IL CENTRO DI MASSA INIZIALMENTE FERMO ESSO NON SI SPOSTERA' LUNGO X. VISTA LA SIMMETRIA DELLE MASSE QUESTO SIGNIFICA CHE:

LA MASSA M SI MUOVERA' SOLO IN VERTICALE CON ACCELERAZIONE A LUNGO Y , MENTRE LE DUE MASSE m SI MUOVERANNO VERSO SINISTRA E VERSO DESTRA CON ACCELERAZIONI UGUALI E OPPOSTE DI MODULO a

m SINISTRA, LUNGO X
 m DESTRA, LUNGO X
 M LUNGO Y
 ATTRITO DINAMICO.

$$\begin{aligned} -ma &= -N_A \sin \alpha & (1) \\ +ma &= N_B \sin \alpha - F_A \cos \alpha & (2) \\ MA &= Mg - N_A \cos \alpha - N_B \cos \alpha - F_A \sin \alpha & (3) \\ F_A &= \mu_D N_B & (4) \end{aligned}$$



TROVIAMO ORA LA RELAZIONE TRA GLI SPOSTAMENTI DI m E DI M .

MENTRE M SI SPOSTA VERSO IL BASSO DI UN TRATTO $\Delta Y = AB = AC \sin \alpha$ m SI SPOSTA VERSO DESTRA DI UN TRATTO $\Delta X = CB = AC \cos \alpha$ QUINDI $\frac{\Delta Y}{\Delta X} = \frac{AC \sin \alpha}{AC \cos \alpha} \rightarrow \Delta Y = \Delta X \operatorname{tg} \alpha$

E DERIVANDO 2 VOLTE RISPETTO A t $A = a \operatorname{tg} \alpha$ (5)

DALLA (1) $N_A = \frac{ma}{\sin \alpha}$

DALLA (2) E (4) $ma = N_B \sin \alpha - \mu_D N_B \cos \alpha \rightarrow N_B = \frac{ma}{(\sin \alpha - \mu_D \cos \alpha)}$

SOSTITUENDO TUTTO NELLA (3)

$$Ma \operatorname{tg} \alpha = Mg - \frac{ma \cos \alpha}{\sin \alpha} - \frac{ma}{(\sin \alpha - \mu_D \cos \alpha)} (\cos \alpha + \mu_D \sin \alpha)$$

$$a \left(M \operatorname{tg} \alpha + m \left(\frac{1}{\operatorname{tg} \alpha} + \frac{(\cos \alpha + \mu_D \sin \alpha)}{(\sin \alpha - \mu_D \cos \alpha)} \right) \right) = Mg$$

$$a = g \frac{M}{\left(M \operatorname{tg} \alpha + m \left(\frac{1}{\operatorname{tg} \alpha} + \frac{(\cos \alpha + \mu_D \sin \alpha)}{(\sin \alpha - \mu_D \cos \alpha)} \right) \right)}$$