



$$\text{SE } y = Kx^2, \quad \frac{dy}{dx} = 2Kx \quad (1)$$

MA (VEDI FIGURA)

$$\tan \beta = \frac{dy}{dx} \quad \tan(\beta) = 2Kx \rightarrow$$

$$\rightarrow \beta = \arctan(2Kx) \quad (2)$$

IMPOSTANDO LA CONSERVAZIONE DELL'ENERGIA MECCANICA, IN QUANTO NON SONO PRESENTI ATRITI:

$$\frac{1}{2}mV^2 = mgy \quad V = \sqrt{2gy} = \sqrt{2gKx^2}$$

ORA $V_x = V \cos(\beta) = V \cos(\arctan(2Kx))$ E USANDO L'IDENTITÀ $\cos(\arctan(z)) = \frac{1}{\sqrt{1+z^2}}$

$$V_x = \sqrt{2gKx^2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1+(2Kx)^2}} = \sqrt{\frac{2gKx^2}{1+4K^2x^2}}$$

QUINDI

$$a_x = \frac{dV_x}{dx} \frac{dx}{dt} = V_x \frac{dV_x}{dx} = \frac{1}{2} \frac{dV_x^2}{dx} = \frac{1}{2} \frac{4gKx(1+4K^2x^2) - 2gKx^2(8K^2x)}{(1+4K^2x^2)^2} =$$

$$= \frac{2gKx + 8gK^3x^3 - 8gK^3x^3}{(1+4K^2x^2)^2} \Rightarrow a_x = \frac{2gKx}{(1+4K^2x^2)^2}$$

MA VISTO CHE N_x È L'UNICA FORZA CHE AGISCE LUNGO X

$$N_x = ma_x = \frac{2mgKx}{(1+4K^2x^2)^2}$$

DALLA FIGURA SI NOTA CHE $\frac{N_x}{-N_y} = \tan(\beta) = 2Kx$ [N_y È NEGATIVA]

PER CUI

$$N_y = \frac{-N_x}{2Kx} = \frac{-mg}{(1+4K^2x^2)^2}$$