

FATTO IL DIAGRAMMA DELLE VELOCITÀ, CHIAMANDO \vec{V}_1 E \vec{V}_2 LE VELOCITÀ DI m_1 E m_2 DOPO L'URTO, SCRIVIAMO LA CONSERVAZIONE DELL'ENERGIA PERCHÉ L'URTO È ELASTICO E LA CONSERVAZIONE DI P_x E P_y PERCHÉ NON AGISCONO FORZE (IMPULSIVE) ESTERNE

$$\begin{cases} \frac{1}{2} m_2 v_0^2 = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 & (1) \\ m_1 v_1 \sin \beta = m_2 v_2 \sin 30^\circ & (2) \\ m_2 v_0 = m_1 v_1 \cos \beta + m_2 v_2 \cos 30^\circ & (3) \end{cases} \quad \left[\begin{array}{l} \text{PER ORA} \\ \text{USIAMO} \\ \text{ANGOLI IN} \\ \text{GRADI} \end{array} \right]$$

MOLTIPLICHIAMO LA (2) PER $\cos 30^\circ$
MOLTIPLICHIAMO LA (3) PER $\sin 30^\circ$
E RIORDINIAMO I TERMINI

$$\begin{cases} m_2 v_2 \sin 30^\circ \cos 30^\circ = m_1 v_1 \sin \beta \cos 30^\circ & (2.1) \\ m_2 v_2 \sin 30^\circ \cos 30^\circ = -m_1 v_1 \cos \beta \sin 30^\circ + m_2 v_0 \sin 30^\circ & (2.2) \end{cases}$$

MA SE $A=B$
E $A < C$ ALLORA
 $B < C$

$$m_1 v_1 (\sin \beta \cos 30^\circ + \cos \beta \sin 30^\circ) = m_2 v_0 \sin 30^\circ$$

$$m_1 v_1 \sin(\beta + 30^\circ) = m_2 v_0 \sin 30^\circ \Rightarrow v_1 = \frac{m_2}{m_1} \frac{v_0 \sin 30^\circ}{\sin(\beta + 30^\circ)}$$

$$\text{DALLA (2) SI HA } v_2 = \frac{m_1 v_1 \sin \beta}{m_2 \sin 30^\circ} \Rightarrow v_2 = \frac{v_0 \sin \beta}{\sin(\beta + 30^\circ)}$$

SOSTITUIAMO v_1 E v_2 NELLA EQUAZIONE (1)

$$m_2 v_0^2 = m_1 \frac{m_2^2}{m_1^2} \frac{v_0^2 \sin^2 30^\circ}{\sin^2(\beta + 30^\circ)} + \frac{m_2 v_0^2 \sin^2 \beta}{\sin^2(\beta + 30^\circ)}$$

$$m_1 \sin^2(\beta + 30^\circ) = m_2 \sin^2 30^\circ + m_1 \sin^2 \beta \Rightarrow m_1 (\sin^2(\beta + 30^\circ) - \sin^2 \beta) = m_2 \sin^2 30^\circ$$

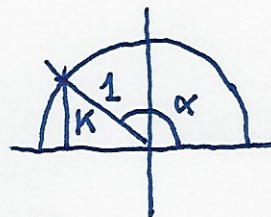
ORA PASSIAMO IN RADIANTI. $30^\circ = \frac{\pi}{6}$. RICORDIAMO L'IDENTITÀ NEL TESTO.

$$\frac{m_1}{2} \sin\left(2\beta + \frac{\pi}{6}\right) = m_2 \sin^2 \frac{\pi}{6} \Rightarrow \sin\left(2\beta + \frac{\pi}{6}\right) = \frac{m_2}{2m_1} \quad \left[\text{ECCO PERCHÉ} \right. \\ \left. m_2 \leq 2m_1 \right]$$

ORA CI VUOLE UN PO' DI ATTENZIONE PERCHÉ $\beta \geq 30^\circ$

QUINDI $2\beta + \frac{\pi}{6} \geq \frac{\pi}{2}$ E PER

UN ANGOLO NEL 2° QUADRANTE



SE $\sin \alpha = k$
ALLORA
 $\alpha = \pi - \arcsin k$

$$\text{QUINDI } 2\beta + \frac{\pi}{6} = \pi - \arcsin\left(\frac{m_2}{2m_1}\right)$$

$$\beta = \frac{5}{12} \pi - \frac{1}{2} \arcsin\left(\frac{m_2}{2m_1}\right)$$