



Siano \vec{v} e \vec{V} LE VELOCITÀ DI m ED M DOPO L'URTO. SAPPIAMO CHE

- ① L'URTO È ELASTICO ED IL RESTO DEL SISTEMA È CONSERVATIVO, QUINDI $\Delta E = 0$
- ② SUL SISTEMA $m+M$ NON AGISCONO FORZE ESTERNE IN DIREZIONE X QUINDI $\Delta P_x = 0$

③ DURANTE L'URTO SULLA MASSA m AGISCE UN IMPULSO INCLINATO A 45° CIOÈ $I_x = I_y$ MA PER IL TEOREMA DELL'IMPULSO $\vec{I} = \Delta \vec{p}_m$ QUINDI $\Delta \vec{p}_{m_x} = \Delta \vec{p}_{m_y} \Rightarrow \Delta v_x = \Delta v_y$

IMPOSTIAMO QUINDI IL SISTEMA:

$$\begin{cases} \text{①} & \frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} M V^2 = \frac{1}{2} m (v_x^2 + v_y^2) + \frac{1}{2} M V_x^2 \\ \text{②} & 0 = m v_x + M V_x \Rightarrow V_x = -\frac{m}{M} v_x \quad \text{SOSTITUENDO ②} \\ \text{③} & v_x - 0 = v_y - (-v_0) \Rightarrow v_y = v_x - v_0 \quad \text{E ③ NELLA ①} \end{cases}$$

SI OTTIENE

$$m v_0^2 = m v_x^2 + m v_x^2 + m v_0^2 - 2 m v_x v_0 + M \frac{m^2}{M^2} v_x^2 \quad \text{CIOÈ}$$

$$v_x \left(2 + \frac{m}{M}\right) = 2 v_0 \quad v_x = \frac{2M}{2M+m} v_0 \quad \text{CHE SI PUÒ SOSTITUIRE IN ③}$$

$$v_y = \frac{2M}{2M+m} v_0 - v_0 \quad v_y = \frac{-m}{2M+m} v_0 \quad \text{④ ABBIAMO } v_x \text{ E } v_y$$

SCRIVIAMO IL CLASSICO MOTO PARABOLICO DI UN GRAVE

$$\begin{cases} X = v_x t \\ Y = Y_0 + v_y t - \frac{1}{2} g t^2 \end{cases} \quad \text{PONENDO } Y=0 \text{ SI OTTIENE } t_0$$

$$\frac{1}{2} g t_0^2 - v_y t_0 - h = 0 \quad t_0 = \frac{v_y \pm \sqrt{v_y^2 + 2gh}}{g}$$

E QUINDI SI RICAVA L'INCOGNITA X_0 RADICE + g

$$X_0 = v_x t_0 = \frac{v_0}{g} \frac{2M}{(2M+m)} \left(\frac{-m v_0}{(2M+m)} + \sqrt{\frac{m^2 v_0^2}{(2M+m)^2} + 2gh} \right)$$