



SIA L IL LATO DEL CUBO. GRAZIE AL TEOREMA DI STEINER IL MOMENTO DI INERZIA RISPETTO AD O VALE:

$$I_0 = \frac{1}{12} m(L^2 + L^2) + m\left(\frac{L\sqrt{2}}{2}\right)^2 = \frac{2}{3} mL^2$$

SI SCRIVANO LE COORDINATE DEL CENTRO DI MASSA DEL CUBO E LE SI DERIVI RISPETTO AL TEMPO

$$\begin{cases} x_{cm} = \frac{L}{\sqrt{2}} \sin \theta \\ y_{cm} = \frac{L}{\sqrt{2}} \cos \theta \end{cases} \begin{cases} \dot{x}_{cm} = \frac{L}{\sqrt{2}} \cos \theta \dot{\theta} \\ \dot{y}_{cm} = -\frac{L}{\sqrt{2}} \sin \theta \dot{\theta} \end{cases} \begin{cases} \ddot{x}_{cm} = \frac{L}{\sqrt{2}} (-\sin \theta \dot{\theta}^2 + \cos \theta \ddot{\theta}) \\ \ddot{y}_{cm} = \frac{L}{\sqrt{2}} (-\cos \theta \dot{\theta}^2 - \sin \theta \ddot{\theta}) \end{cases}$$

SI SCRIVA ORA LA CONSERVAZIONE DELL'ENERGIA MECCANICA

$$mg \frac{L}{\sqrt{2}} = mg \frac{L}{\sqrt{2}} \cos \theta + \frac{1}{2} \frac{2}{3} mL \dot{\theta}^2 \Rightarrow \dot{\theta}^2 = \frac{3}{\sqrt{2}} \frac{g}{L} (1 - \cos \theta)$$

E DERIVANDO $2\dot{\theta}\ddot{\theta} = \frac{3}{\sqrt{2}} \frac{g}{L} \sin \theta \dot{\theta} \Rightarrow \ddot{\theta} = \frac{3}{2\sqrt{2}} \frac{g}{L} \sin \theta$

RICAVIAMO N_x E N_y SCRIVENDO LA I EQ CARDINALE SUI 2 ASSI

$$\begin{aligned} N_x &= m \ddot{x}_{cm} = \frac{mL}{\sqrt{2}} \left(-\sin \theta \cdot \frac{3}{\sqrt{2}} \frac{g}{L} (1 - \cos \theta) + \cos \theta \cdot \frac{3}{2\sqrt{2}} \frac{g}{L} \sin \theta \right) = \\ &= \frac{mg}{4} (-6 \sin \theta + 6 \sin \theta \cos \theta + 3 \sin \theta \cos \theta) = \\ &= \frac{3}{4} mg \sin \theta (3 \cos \theta - 2) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} N_y &= mg + m \ddot{y}_{cm} = mg + \frac{mL}{\sqrt{2}} \left(-\cos \theta \cdot \frac{3g}{\sqrt{2}L} (1 - \cos \theta) - \sin \theta \frac{3g}{2\sqrt{2}L} \sin \theta \right) = \\ &= \frac{mg}{4} (4 - 6 \cos \theta + 6 \cos^2 \theta - 3 \sin^2 \theta) = \frac{mg}{4} (1 - 6 \cos \theta + 9 \cos^2 \theta) \end{aligned}$$

$$N^2 = N_x^2 + N_y^2 \stackrel{\text{DOPO QUALCHE PASSAGGIO}}{=} \left(\frac{mg}{4}\right)^2 (37 - 120 \cos \theta + 99 \cos^2 \theta)$$

COME SI VEDE N^2 IN FUNZIONE DI $\cos \theta$ HA UN ANDAMENTO CHE SEGUE UNA PARABOLA, LA QUALE HA MINIMO IN

$$\cos \theta = \frac{120}{2 \cdot 99} = \frac{20}{33}$$