



IN QUESTO PROBLEMA SI CONSERVA L'ENERGIA MECCANICA. QUELLA INIZIALE VALE $E_i = mg(h+r)$. [M=MASSA DELLA SFERA]

ESAMINIAMO ORA LA SITUAZIONE IN FIGURA.
 → SE LA SFERA RIESCE A PASSARE IL PUNTO SUPERIORE DEL CERCHIO SENZA PERDERE CONTATTO ALLORA PERCORRÈ TUTTO IL RESTO DELLA TRAIETTORIA.

CHIAMIAMO v E ω LA VELOCITÀ LINEARE E LA VELOCITÀ ANGOLARE DELLA SFERA NEL PUNTO PIU ALTO DEL CERCHIO. PONIAMO $E_i = E_p$

$$mg(h+r) = mg(2R-r) + \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}I\omega^2 \quad I = \frac{2}{5}mr^2 \quad \omega = \frac{v}{r}$$

$$mg(h+r-2R+r) = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{5}mr^2 \cdot \frac{v^2}{r^2} = \frac{7}{10}mv^2 \quad \text{PER CUI}$$

$$v^2 = \frac{10}{7}g(h-2(R-r)) \quad (1)$$

ESAMINIAMO LE FORZE. VISTO CHE IL C.M. FA UN MOTO CIRCOLARE DI RAGGIO $R-r$ LA SOMMA DI \vec{N} ED \vec{mg} DEVE UGUAGLIARSI ALLA FORZA CENTRIFUGA

$$mg + N = \frac{mv^2}{(R-r)} \quad \rightarrow \quad N = \frac{mv^2}{(R-r)} - mg$$

PERCHÈ CI SIA CONTATTO SI DEVE AVERE $N > 0$

$$\frac{mv^2}{(R-r)} > mg \quad (1) \quad \rightarrow \quad \frac{10}{7}g \frac{(h-2(R-r))}{(R-r)} > g$$

$$h - 2(R-r) > \frac{7}{10}(R-r)$$

$$h > \left(2 + \frac{7}{10}\right)(R-r) = h_{\text{MIN}} = \frac{27}{10}(R-r)$$