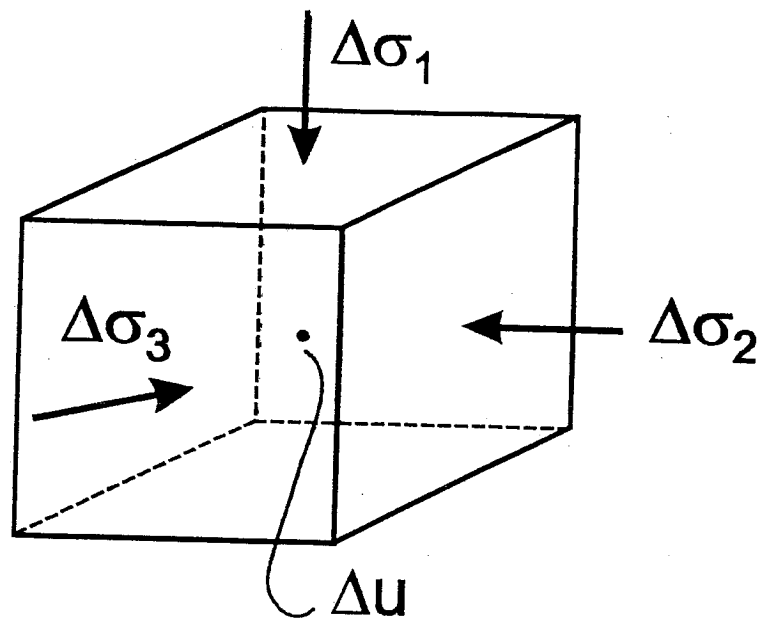


# **PARAMETRI DELLE PRESSIONI INTERSTIZIALI**

# PARAMETRI DELLE PRESSIONI INTERSTIZIALI



Parametro delle pressioni interstiziali =  $\frac{\Delta u}{\Delta \sigma}$  ;  
in condizioni non drenate

# PARAMETRI DELLE PRESSIONI INTERSTIZIALI

## Nota preliminare

$$\varepsilon_1 = \frac{1}{E'} \left[ \Delta\sigma'_1 - \nu' (\Delta\sigma'_2 + \Delta\sigma'_3) \right]$$

$$\varepsilon_2 = \frac{1}{E'} \left[ \Delta\sigma'_2 - \nu' (\Delta\sigma'_1 + \Delta\sigma'_3) \right]$$

$$\varepsilon_3 = \frac{1}{E'} \left[ \Delta\sigma'_3 - \nu' (\Delta\sigma'_1 + \Delta\sigma'_2) \right]$$

mezzo elastico  
lineare, isotropo

$$\varepsilon_v = \frac{\Delta V}{V_0} = \varepsilon_1 + \varepsilon_2 + \varepsilon_3 =$$

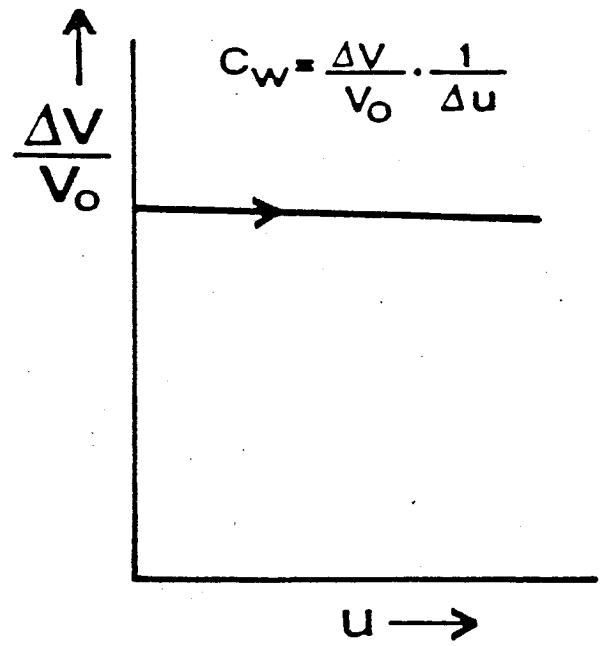
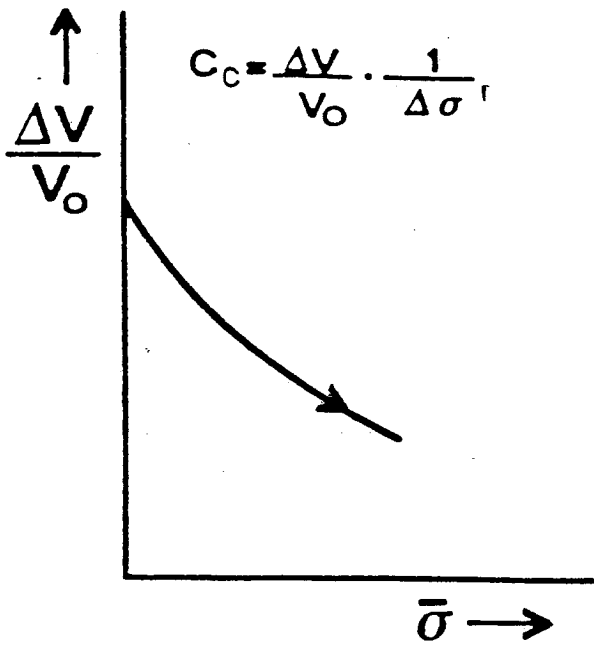
$$= \frac{1 - 2\nu'}{E'} (\Delta\sigma_1 + \Delta\sigma_2 + \Delta\sigma_3 - 3\Delta u) =$$

$$= \frac{3(1 - 2\nu')}{E'} \cdot \Delta\sigma'_i$$

$$\frac{3 \cdot (1 - 2\nu')}{E'} = C_c = \frac{1}{K}$$

$K$  = modulo di deformabilità volumica.

$C_c$  = coefficiente di compressibilità dello scheletro solido.



$$\therefore \frac{C_w}{C_c} \approx 0$$

# PARAMETRI DELLE PRESSIONI INTERSTIZIALI

Incremento della tensione isotropa:

$$\Delta\sigma_i = \Delta\sigma_1 = \Delta\sigma_2 = \Delta\sigma_3$$

Variazioni di volume:

- Scheletro solido:  $\Delta V_s = -C_c \cdot V_o (\Delta\sigma_i - \Delta u_i)$

- Vuoti:  $\Delta V_v = -C_w \cdot V_o \cdot n \cdot \Delta u_i$

$$\Delta V_v = \Delta V_s$$

$$-C_w \cdot n \cdot V_o \cdot \Delta u_i = -C_c \cdot V_o (\Delta\sigma_i - \Delta u_i)$$

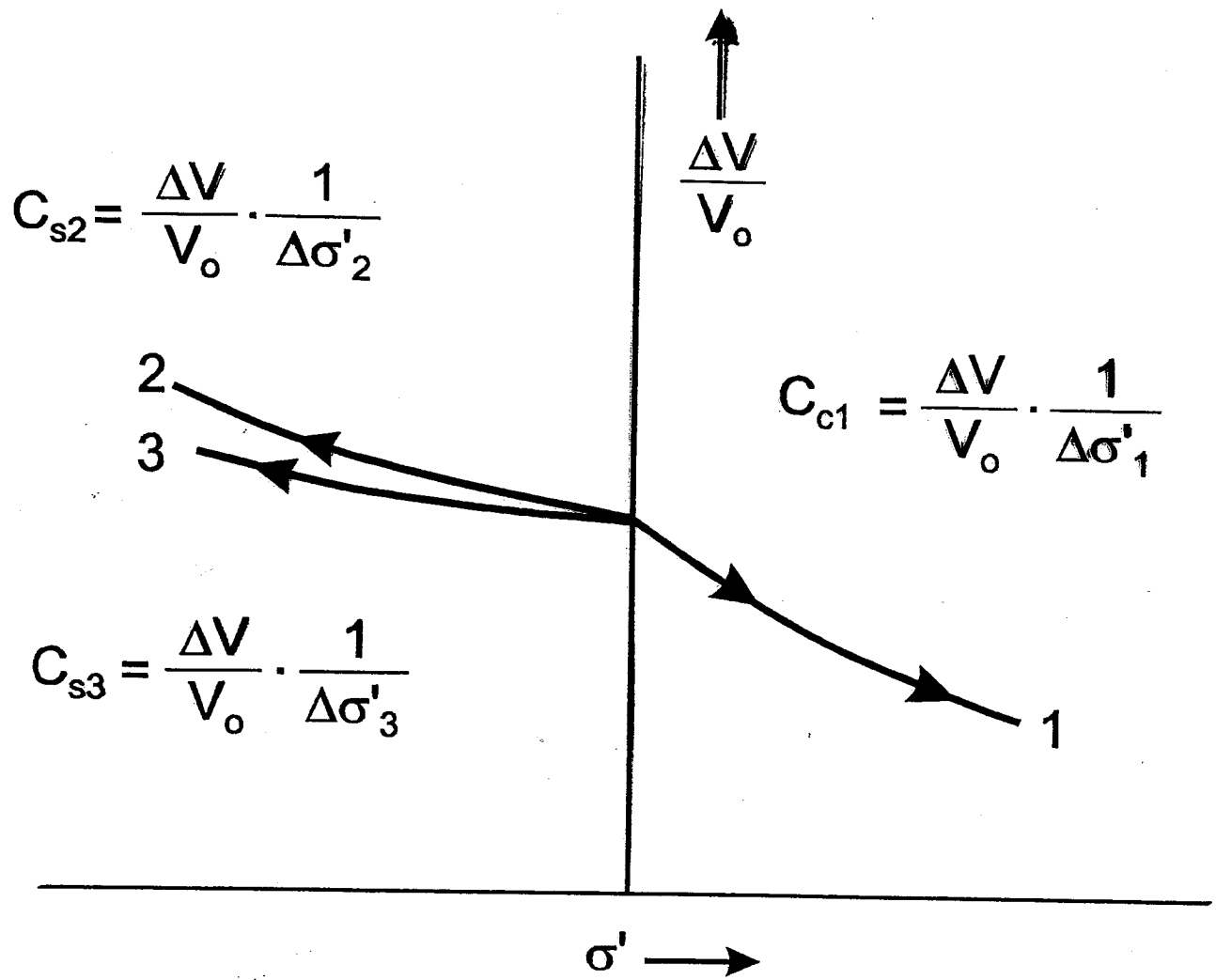
$$\therefore \frac{\Delta u_i}{\Delta\sigma_i} = B = \frac{1}{1 + n \frac{C_w}{C_c}}$$

In un terreno saturo;  $C_w/C_c \cong 0$  ;  $B \cong 1$

B dipende dal grado di saturazione.

# VALORI TEORICI DI B PER TERRENI QUASI COMPLETAMENTE SATURI

<b>TERRENO</b>	<b>S = 100%</b>	<b>S = 99%</b>	
Argille NC	0.9998	0.9860	↑ $C_s$ aumenta
Argille leggermente SC	0.9988	0.9300	
Argille SC e sabbie dense	0.9877	0.5100	
Argille fortemente SC e sabbie molto dense	0.9130	0.1000	
	←		$C_w$ diminuisce



C pendenza della curva  $\frac{\Delta V}{V} / \sigma'$

# PARAMETRI DELLE PRESSIONI INTERSTIZIALI.

Incremento della tensione assiale:

$$\Delta\sigma_1 \neq 0 ; \quad \Delta\sigma_2 = \Delta\sigma_3 = 0$$

$$\Delta\sigma'_1 = \Delta\sigma_1 - \Delta u ; \quad \Delta\sigma'_2 = \Delta\sigma'_3 = \Delta\sigma_2 - \Delta u = -\Delta u$$

$$\Delta V_s = C_c \cdot V_o (\Delta\sigma_1 - \Delta u) + 2C_s \cdot V_o (-\Delta u)$$

$$\Delta V_v = C_w \cdot V_o \cdot n \cdot \Delta u ; \quad C_s = \frac{\Delta V_s}{V_o} \cdot \frac{1}{\Delta\sigma'_2}$$

$$\Delta V_v = \Delta V_s$$

$$V_o [C_c (\Delta\sigma_1 - \Delta u) + 2C_s \cdot \Delta u] = n \cdot V_o \cdot C_w \cdot \Delta u$$

$$\frac{\Delta u}{\Delta\sigma_1} = \bar{A} = D = \frac{1}{1 + n \cdot \frac{C_w}{C_c} + 2 \cdot \frac{C_s}{C_c}}$$

In un materiale elastico ed isotropo;  $C_c = C_s$

$$\therefore \bar{A} = \frac{1}{3}$$

altrimenti  $\bar{A} = f(C_s/C_c)$  risulta dipendere dalla storia tensionale del deposito  $A = \bar{A}/B$  per  $B=1$ ,  $A = \bar{A}$



# PARAMETRI DELLE PRESSIONI INTERSTIZIALI

## DEFINIZIONE DI $\Delta\sigma_1$ E $\Delta\sigma_3$

Componente di incremento di sforzo:

$\Delta\sigma_1 \rightarrow$  Algebricamente più elevato  
 $\Delta\sigma_3 \rightarrow$  Algebricamente più basso

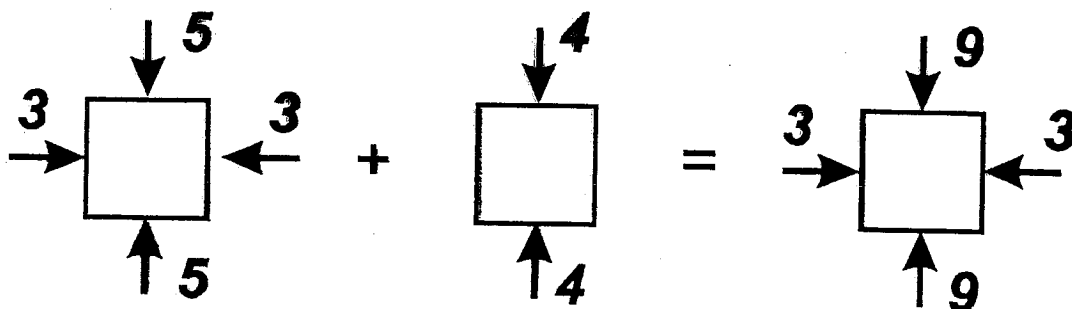
} di un sistema di sforzi

Vantaggio: *incrementi di sforzo sono dissociati dal sistema di sforzi iniziale.*

# ESEMPI DELLA DEFINIZIONE DEGLI INCREMENTI DELLE TENSIONI PRINCIPALI

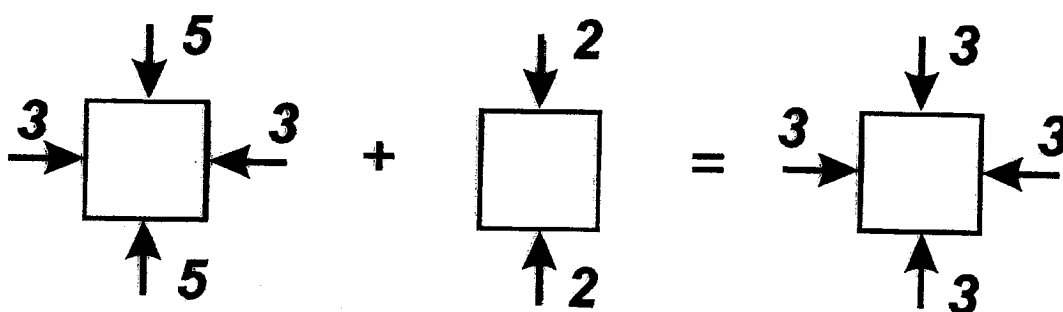
Prova di compressione per carico,

$$\Delta\sigma_1 = \Delta\sigma_v = 4; \Delta\sigma_3 = 0$$



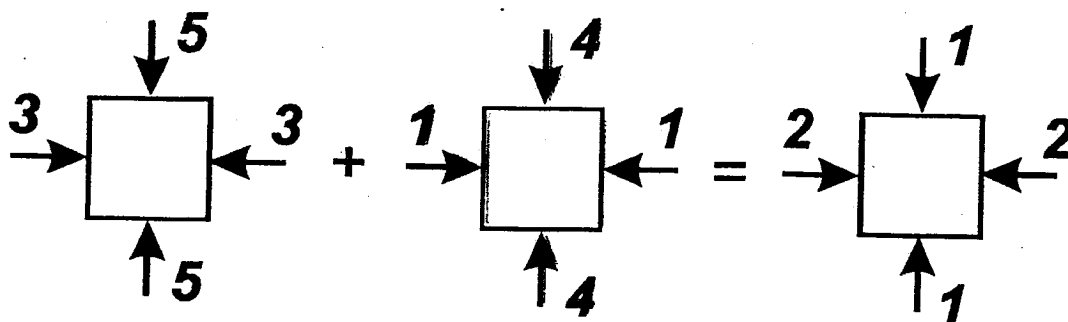
Prova di estensione per scarico,

$$\Delta\sigma_v = \Delta\sigma_3 = -2; \Delta\sigma_1 = 0$$



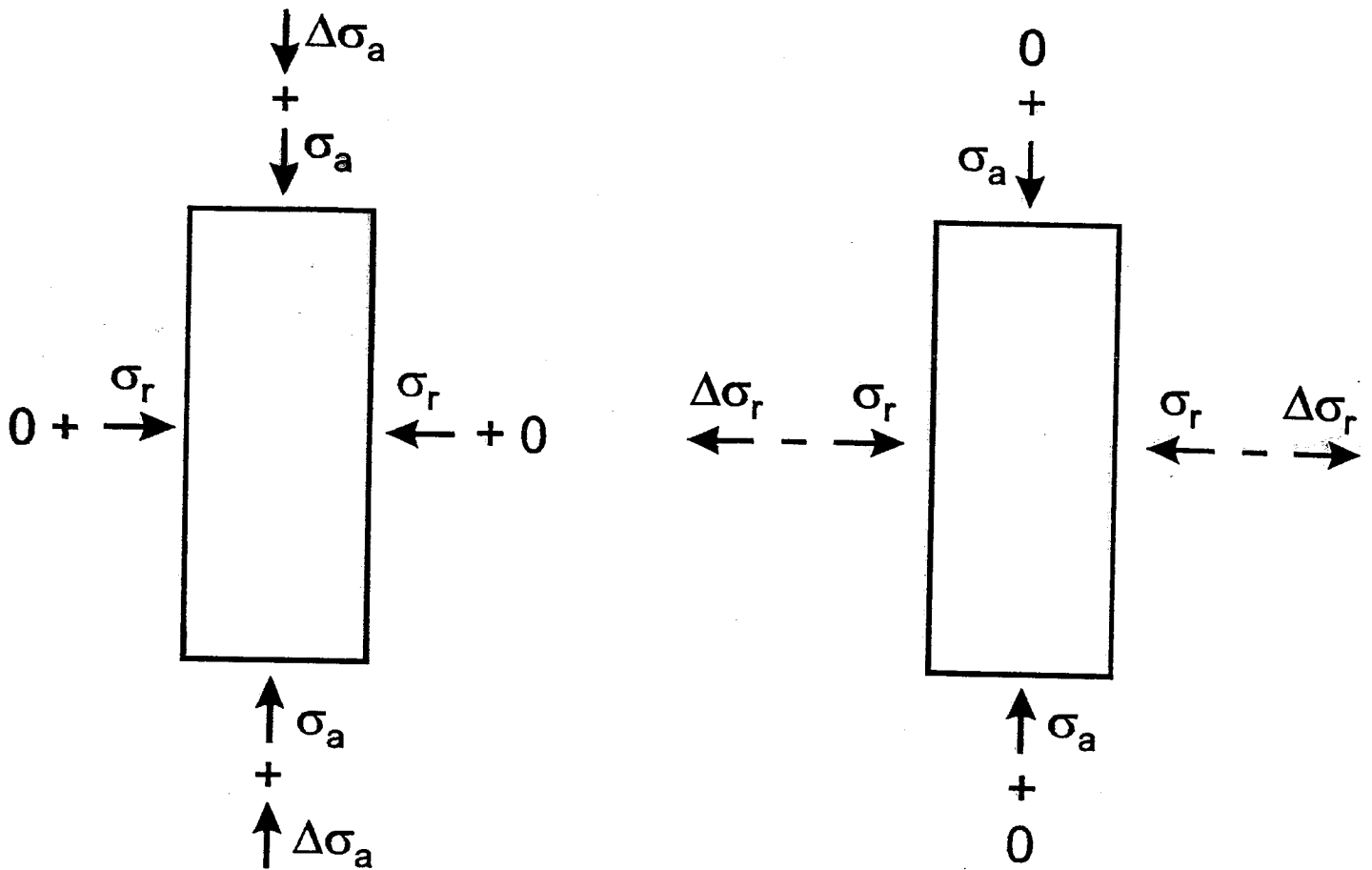
Prova di estensione per scarico,

$$\Delta\sigma_1 = \Delta\sigma_h = -1; \Delta\sigma_3 = \Delta\sigma_v = -4$$



# PARAMETRO A DURANTE LE PROVE DI COMPRESSIONE

$$(\Delta\sigma_2 = \Delta\sigma_3)$$



**Carico**

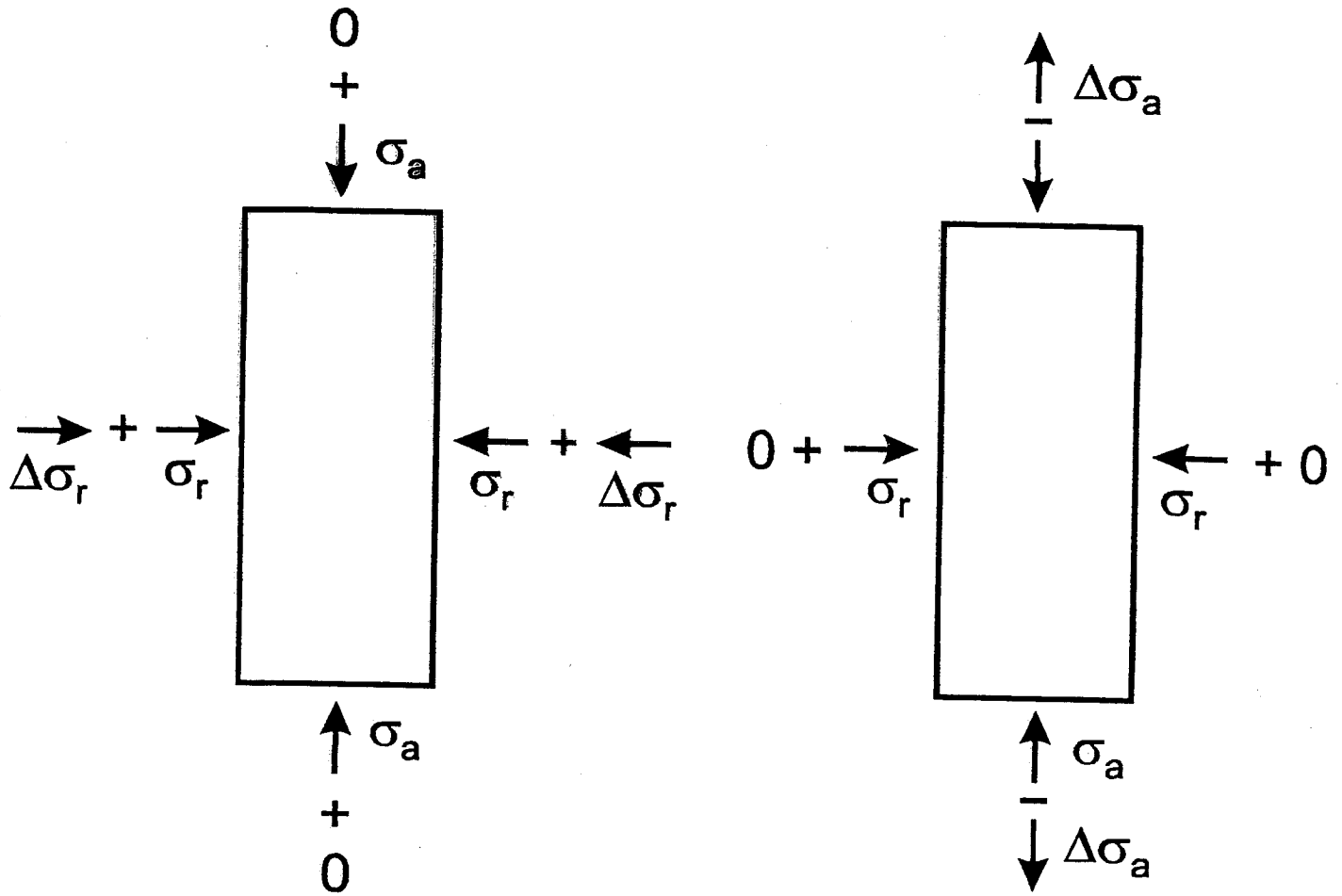
$$A = \frac{\Delta u}{\Delta\sigma_v}$$

**Scarico**

$$A = 1 - \frac{\Delta u}{\Delta\sigma_h}$$

# PARAMETRO A DURANTE LE PROVE DI ESTENSIONE

$$(\Delta\sigma_1 = \Delta\sigma_2)$$



**Carico**

$$A = \frac{\Delta u}{\Delta \sigma_h}$$

**Scarico**

$$A = 1 - \frac{\Delta u}{\Delta \sigma_v}$$

# DEFINIZIONE DEL PARAMETRO A NELLE PROVE TRIASSIALI (SIMMETRIA RADIALE)

<b>PROVA</b>	$\Delta\sigma_1$	$\Delta\sigma_2$	$\Delta\sigma_3$	A
Compressione- Carico	$\Delta\sigma_a$	0	0	$A = \frac{\Delta u}{\Delta\sigma_a}$
Compressione- Scarico	0	$\Delta\sigma_r$	$\Delta\sigma_r$	$A = 1 - \frac{\Delta u}{\Delta\sigma_r}$
Estensione- Carico	$\Delta\sigma_r$	$\Delta\sigma_r$	0	$A = \frac{\Delta u}{\Delta\sigma_r}$
Estensione- Scarico	0	0	$\Delta\sigma_a$	$A = 1 - \frac{\Delta u}{\Delta\sigma_a}$

**PARAMETRI DELLE PRESSIONI  
INTERSTIZIALI  
STATO DI TENSIONE TRIDIMENSIONALE  
( $\sigma_1 > \sigma_2 > \sigma_3$ )**

$$\Delta u = b(\Delta\sigma_{\text{oct}} + a \cdot \Delta\tau_{\text{oct}}) \quad \text{Henkel (1960)}$$

$$\Delta\sigma_{\text{oct}} = \frac{1}{3}(\Delta\sigma_1 + \Delta\sigma_2 + \Delta\sigma_3)$$

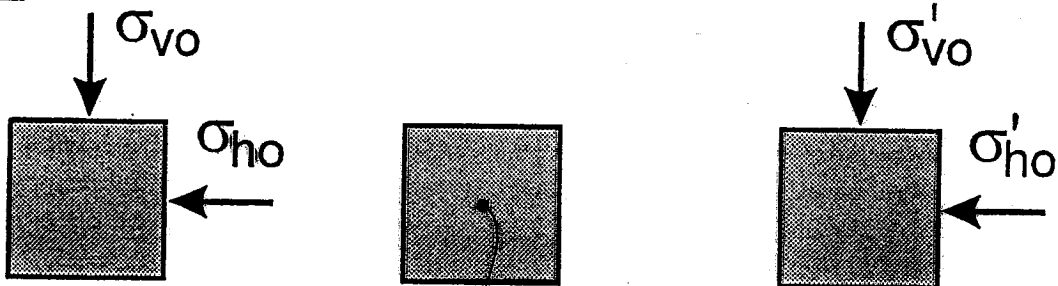
$$\Delta\tau_{\text{oct}} = \frac{1}{3}[(\Delta\sigma_1 - \Delta\sigma_2)^2 + (\Delta\sigma_1 - \Delta\sigma_3)^2 + (\Delta\sigma_2 - \Delta\sigma_3)^2]^{0.5}$$

**Terreno saturo:  $b=1$**

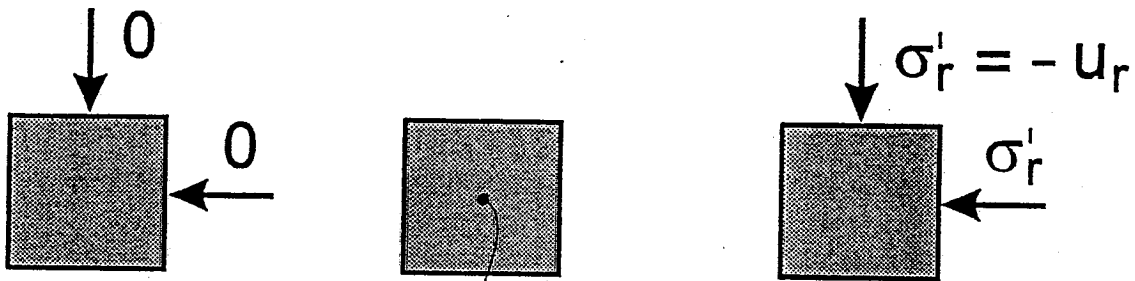
**Mezzo elastico e isotropo:  $a=0$**

# STATO TENSIONALE IN UN CAMPIONE INDISTURBATO IDEALE

In situ



Dopo campionamento  $u_o$



$$\Delta u = B[\Delta\sigma_3 + A(\Delta\sigma_1 - \Delta\sigma_3)]$$

$$\left. \begin{array}{l} K_o \geq 1 ; \Delta u = \sigma_{ho} + A(\sigma_{vo} - \sigma_{ho}) \\ K_o \leq 1 ; \Delta u = \sigma_{vo} + A(\sigma_{ho} - \sigma_{vo}) \end{array} \right\} B = 1$$

# CAMPIONE INDISTURBATO IDEALE

$$K_0 \leq 1$$

$$\Delta\sigma_3 = -\sigma_{v0} = -(\sigma'_{v0} + u_0)$$

$$\Delta\sigma_1 = -\sigma_{h0} = -(\sigma'_{v0} \cdot K_0 + u_0)$$

$$\begin{aligned}\Delta u &= -\sigma'_{v0} - u_0 + A(-\sigma'_{v0} K_0 - u_0 + \sigma'_{v0} + u_0) = \\ &= -u_0 - \sigma'_{v0} - A \cdot \sigma'_{v0} \cdot K_0 + A \cdot \sigma'_{v0}\end{aligned}$$

$$\therefore \sigma'_r = -u_r = -(u_0 + \Delta u) = \sigma'_{v0} [1 - A(1 - K_0)]$$

$$K_0 \geq 1$$

$$\Delta\sigma_3 = -\sigma_{h0} = -(K_0 \cdot \sigma'_{v0} + u_0)$$

$$\Delta\sigma_1 = -\sigma_{v0} = -(\sigma'_{v0} + u_0)$$

$$\Delta u = -u_0 - K_0 \cdot \sigma'_{v0} + A(-u_0 - \sigma'_{v0} + u_0 + K_0 \cdot \sigma'_{v0})$$

$$\therefore \sigma'_r = -u_r = -(u_0 + \Delta u) = \sigma'_{v0} [K_0 - A(K_0 - 1)]$$



# CAMPIONE INDISTURBATO IDEALE

Terreno NC,  $K_o \cong 0.5 \pm 0.1$

In condizioni di scarico,  $A \cong 1 - \frac{\Delta u}{\Delta \sigma_v} = 0.9 \pm 0.2$

$$\sigma'_r \cong 0.55 \sigma'_{vo} \cong \sigma'_{ho}$$

Terreno SC,  $K_o \cong 2.0 \pm 0.5$ ,  $A \cong 0.6 \pm 0.1$

In condizioni di scarico,

$$\sigma'_r \cong 1.4 \sigma'_{vo}$$

