## Università di Pisa

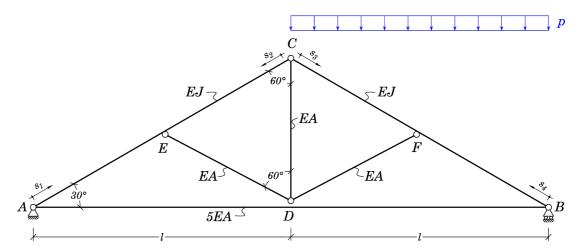
## Esame di Scienza delle Costruzioni - Parte I

Corso di Laurea in Ingegneria Aerospaziale Corso di Laurea in Ingegneria Civile, Ambientale e del Territorio

(docente: Prof. Ing. Stefano Bennati)

## Prova scritta del 18 febbraio 2017

 $\underline{Problema}$ . Nella capriata mostrata in figura gli elementi AEC e CFB possono essere considerati inestensibili e flessibili. Le saette ED e DF, così come l'elemento verticale CD, sono dotati di rigidezza estensionale EA mentre la catena ADB è dotata della rigidezza estensionale indicata. Sull'elemento di falda CFB agisce un carico distribuito, di intensità per unità di lunghezza, lungo la proiezione orizzontale, uguale a p.



- 1) Risolvere il sistema mediante il metodo delle forze scegliendo come incognita iperstatica  $X_1$  lo sforzo normale dell'elemento verticale CD. In particolare:
  - determinare le espressioni delle caratteristiche della sollecitazione nei sistemi F<sub>0</sub> ed F<sub>1</sub> e tracciarne con cura i diagrammi quotati; (\*)
  - scrivere le equazioni di elasticità e le espressioni formali (in termini di integrali) che permettono di determinare i coefficienti di Müller-Breslau;
  - calcolare i valori dei coefficienti di Müller-Breslau e dell'incognita iperstatica  $X_1$  (facoltativo).
    - (\*) Attenzione: il disegno dei diagrammi è parte essenziale della soluzione.
- 2) Nel sistema di figura si supponga ora che tutti gli elementi siano *rigidi*, con l'unica eccezione dell'elemento *CFB*, che rimane *flessibile* (anche se *inestensibile*). Risolvere in questo caso il problema utilizzando il metodo della linea elastica. In particolare:
  - scrivere le adatte equazioni differenziali completandole con le opportune condizioni al bordo;
  - determinare i valori delle costanti di integrazione e determinare la soluzione esplicita, ovvero gli spostamenti e le espressioni del taglio e del momento flettente per i tratti *CF* e *FB*;
  - determinare il massimo valore del taglio e quello del momento flettente lungo la trave CFB e le sezioni in cui si realizzano;
  - Nell'ipotesi che la struttura sia realizzata con elementi lignei con sezione rettangolare di larghezza 15 cm e altezza 20 cm, caratterizzati da un valore del modulo di Young E = 12000  $N/mm^2$ , che la luce sia pari a l = 10 m, e che il carico agente sia p = 10 kN/m, calcolare il valore delle quantità richieste al punto precedente (facoltativo).

N.B. Per le modalità di esame (validità della prova, etc.) consultare la pagina web del docente

Avvertenze: scrivere su ogni foglio protocollo il proprio nome, cognome, numero di matricola e <u>corso di laurea</u>; alla fine della prova, consegnare tutti i fogli utilizzati.

Studente	/ 1 . · 1 .	,
Studente	(matricola:	