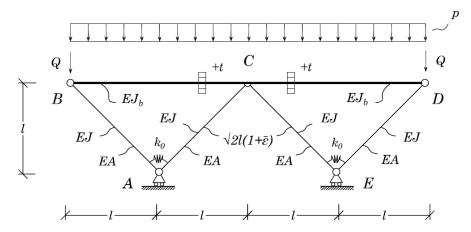
## Università di Pisa Esame di SCIENZA DELLE COSTRUZIONI I Corso di Laurea in Ingegneria Civile, Ambientale e Edile

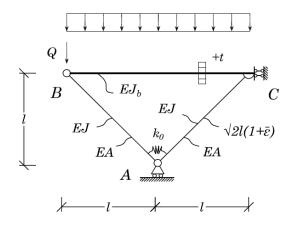
(Docente: Prof. Ing. Stefano Bennati)

## Prova Scritta del 9 Giugno 2018

**Problema.** Nel sistema di figura, la trave BCD è flessibile ed inestensibile, mentre AB, AC, EC ed ED sono flessibili ed estensibili. Sulla trave BCD agisce una variazione termica, costante nello spessore della trave, ed un carico trasversale uniforme, di intensità p per unità di lunghezza della trave. Nei punti B e D sono applicate le due forze concentrate verticali, di intensità Q. Infine, AC ed EC presentano il difetto di lunghezza mostrato in figura.



- 1) Mostrare come, utilizzando considerazioni di simmetria, sia possibile limitare lo studio alla sola parte *ABC*, opportunamente vincolata, così come mostrata nella figura al lato; [2]
- 2) Risolvere il problema mediante il metodo delle forze, scegliendo come incognita iperstatica  $X_1$  la coppia dell'incastro elastico in A. In particolare:
  - determinare le espressioni delle caratteristiche della sollecitazione nei sistemi *F0* ed *F1* e tracciarne con cura i diagrammi quotati; [12]
  - scrivere le equazioni di elasticità e le espressioni formali (in termini di integrali) che permettono di determinare i coefficienti di Müller-Breslau (precisando quale sia il significato geometrico di ciascuno di essi); [4]



- calcolare i valori dei coefficienti di Müller-Breslau e quello dell'incognita iperstatica X<sub>1</sub>. [3]
- 3) **Assumendo che tutte le travi siano rigide**, e sempre limitando lo studio al sistema ridotto ABC, risolvere il problema utilizzando il metodo degli spostamenti (suggerimento: utilizzare come parametri cinematici lo spostamento orizzontale,  $\bar{u}$ , del punto A e quello verticale,  $\bar{v}$ , del punto C). In particolare:
  - determinare i valori dei parametri cinematici incogniti sulla base di pure considerazioni geometriche; [6]
  - determinare i valori delle reazioni vincolari esterne con considerazioni di equilibrio; [2]
  - esprimere, in funzione dei parametri cinematici determinati, la coppia dell'incastro elastico in *A*, e, successivamente, sulla base di considerazioni di equilibrio, le azioni interne scambiate tra le travi in corrispondenza dei nodi *B* e *C*.; infine, disegnare la trave BC mettendo in evidenza tutte le forze esterne, attive e reattive, che agiscono sulla trave stessa (*facoltativo*). [4]

Avvertenze: scrivere su ogni foglio protocollo il proprio nome, cognome e numero di matricola e corso di laurea; alla fine della prova, consegnare tutti i fogli utilizzati.

Studente	(	(matricola:	)
Sindenie.		man icoia	_